# 固定カメラシステムに対する 安定化予測ビジュアルフィードバック制御

正員村尾 俊幸\* 非会員河合 宏之\*\* 非会員藤田 政之\*\*\*

Stabilizing Predictive Visual Feedback Control for Fixed Camera Systems

Toshiyuki Murao\*, Member, Hiroyuki Kawai\*\*, Non-member, Masayuki Fujita\*\*\*, Non-member

This paper investigates a vision based robot control via a receding horizon control strategy for fixed camera systems, as a stabilizing predictive visual feedback control. Firstly, a 3D dynamic visual feedback system with a fixed camera configuration is reconstructed in order to improve performance of estimation. Next, a stabilizing receding horizon control for the 3D dynamic visual feedback system, a highly nonlinear and relatively fast system, is proposed. The stability of the receding horizon control scheme is guaranteed by using the terminal cost derived from the energy function of the dynamic visual feedback system. Furthermore, simulation and actual nonlinear experimental results are assessed with respect to the stability and the performance.

キーワード:視覚フィードバック制御, Receding Horizon 制御, 受動性, 安定性, Control Lyapunov 関数 Keywords: visual feedback control, receding horizon control, passivity, stability, control Lyapunov function

### 1. はじめに

近年,視覚フィードバック制御の研究はますます盛んに 行われており,工場だけでなくより複雑なシステムや幅広 い分野へも適用されるようになってきている<sup>(1)(2)</sup>。中でも 少子高齢化社会を迎える日本において必要不可欠とされる 医療分野では,視覚フィードバック制御による腹腔鏡の制 御<sup>(3)</sup>や超音波探触子の制御<sup>(4)</sup>などが,また生命科学の分 野では,細胞注入<sup>(5)</sup>などの応用研究が行われている。

著者らは従来研究<sup>(6)</sup>において,細胞注入システムに代表 される固定カメラ構造の視覚フィードバックシステムを幾 何学的に表現し,システムの有する受動性に基づくことで,

*	産業技術大学院大学 産業技術研究科							
	〒 140-0011 東京都品川区東大井 1-10-40							
	School of Industrial Technology, Advanced Institute of Indus-							
	trial Technology							
	1–10–40 Higashi-Ohi Shinagawa-ku, Tokyo 140–0011							
**	金沢工業大学 工学部							
	〒 921-8501 石川県石川郡野々市町扇が丘 7-1							
	College of Engineering, Kanazawa Institute of Technology							
	7–1 Ohgigaoka Nonoichi, Ishikawa 921–8501							
***	東京工業大学 大学院理工学研究科							
	〒152-8550 東京都目黒区大岡山2-12-1							
	Graduate School of Science and Engineering, Tokyo Institute							
	of Technology							
	2–12–1 Ookayama Meguro-ku, Tokyo 152–8550							

位置ベース法の3次元動的視覚フィードバック制御則を提 案している。しかし一般的な位置ベース法で扱う,目標値 に一致させる制御問題と位置姿勢を推定する推定問題にお いて,従来研究で提案した制御則<sup>(6)</sup>では制御タスクが推定 タスクに悪影響を与えることがあった。

一方,オンラインで有限時間区間の最適制御問題を繰り 返し解く,モデル予測制御の研究も盛んに行われている<sup>(7)</sup>。 近年では,ロボットのような非線形でかつ比較的早いダイ ナミクスを持つシステムに対する応用事例も出始めており, Jadbabaieらは評価関数の終端コストにControl Lyapunov 関数を用いることで安定化モデル予測制御則を提案し<sup>(8)</sup>, Milam らはその制御則を Caltech Ducted Fan に適用す ることでよりアグレッシブな動きを実現させている<sup>(9)</sup>。ま た河合ら<sup>(10)</sup>はロボットマニピュレータに対して安定化モ デル予測制御を適用し,実験的に検証している。

視覚フィードバックシステムにおいて,観測対象の位置を 予測し,その予測情報を用いて制御をすることで得られる 有益性については古くから述べられてきた<sup>(11)</sup>。視覚フィー ドバック制御とモデル予測制御を結合させた研究として, フィルタリングによる雑音除去<sup>(12)</sup>やマニピュレータの白 線トラッキング<sup>(13)</sup>などが挙げられる。しかし,これらの 手法は安定性に対しては何も述べられておらず,著者らは 文献(14)で視覚フィードバックシステムに対して安定化モ デル予測制御を適用しているが,平面マニピュレータに限



Fig. 1. Visual feedback system with a fixed camera configuration

#### 定されていた。

そこで,本研究では安定化予測ビジュアルフィードバッ ク制御として,比較的高速で非線形性の強い固定カメラ構 造の3次元動的視覚フィードバックシステム<sup>(6)</sup>に対して, 安定化モデル予測制御則を提案する。本論文では,従来研 究のシステム<sup>(6)</sup>を再構成し,オブザーバが制御タスクに影 響されないシステムを構成する。また,視覚フィードバッ クシステムのエネルギー関数を評価関数の終端コストに用 いることで,安定性を満たしたモデル予測制御則を提案す る。本論文は,文献(10)に対しては視覚情報との融合がさ れている点と,また文献(14)に対しては平面マニピュレー タに限定せず位置だけでなく姿勢も考慮でき,四つの座標 系を有する固定カメラ構造の視覚フィードバックシステム に適用可能である点から,両研究を発展させた研究となっ ている。

本論文の構成は以下のとおりである。2節では,我々が 従来研究で提案している固定カメラ構造の3次元動的視 覚フィードバックシステムを再構成し,受動性に基づく安 定化制御則について述べる。3節では,Control Lyapunov 関数を用いることで3次元動的視覚フィードバックシステ ムに対する安定化モデル予測制御則を提案する。4節でシ ミュレーション結果と実験結果を示し,最後に5節でまと めを行う。

## 2. 固定カメラ構造の 3 次元動的視覚フィードバッ クシステムと安定化制御則

2・1 剛体運動の表現と推定偏差システム 本論文 では, Fig. 1 に示すような,四つの座標系によって表され る固定カメラ構造の視覚フィードバックシステムについて 考える。図中の座標系をマニピュレータの台座に基準座標 系  $\Sigma_w$ ,手先に手先座標系  $\Sigma_h$ ,カメラにカメラ座標系  $\Sigma_c$ , 観測対象に観測対象座標系  $\Sigma_o$ として定義する。

本システムの制御目的は運動する観測対象にマニピュレー タの手先を追従させることである。言い換えると,手先座 標系  $\Sigma_h$  からみた観測対象座標系  $\Sigma_o$  の相対位置姿勢  $g_{ho}$ を目標位置姿勢  $g_d$  (本論文では一定値であるとする) に常 に一致させておくこととなる。ここで, $g_{ab}$ は同次表現と呼ばれ,任意の二つの座標系  $\Sigma_a$ から  $\Sigma_b$ の位置  $p_{ab} \in \mathcal{R}^3$ と姿勢を表す回転行列  $e^{\hat{\xi}\theta_{ab}} \in SO(3)$ から構成され, $4 \times 4$ 行列として以下のように定義される。

ただし,演算子 (wedge) は 3 次元ベクトルを 3 × 3 の 歪対称行列へ写像する演算子であり,その逆写像は ∨(vee) で定義される<sup>(15)</sup>。

この相対位置姿勢  $g_{ho}$  と目標値  $g_d$  の偏差を,制御偏差  $g_{ec}$  としてつぎのように定義する。

さらに,この制御偏差に対する制御偏差ベクトルを $e_c := [p_{ec}^T e_R^T (e^{\hat{\xi}\theta_{ec}})]^T \in \mathcal{R}^6$ と定義する。ただし $e_R (e^{\hat{\xi}\theta}) := \operatorname{sk}(e^{\hat{\xi}\theta})^{\vee} \in \mathcal{R}^3$ , sk $(e^{\hat{\xi}\theta}) := \frac{1}{2}(e^{\hat{\xi}\theta} - e^{-\hat{\xi}\theta})$ である。

制御目的を達成するためには gho が必要になるが, gho は同次表現の合成則から以下のように導かれる。

(3) 式において  $g_{ch}$  は既知情報であるために<sup>†</sup>,  $g_{co}$  の運動 についてまずは考える。 $g_{co}$  は同次表現の合成則から同様に

で表される。また,カメラ座標系からみた観測対象の相対 速度は,g<sub>co</sub>を時間微分することで,

のように導かれる<sup>(16)</sup>。ここで, $V_{ab}^b = (g_{ab}^{-1}\dot{g}_{ab})^{\vee} \in \mathcal{R}^6$ は剛体運動のボディ速度を表しており, $\operatorname{Ad}_{(g_{ab})} \in \mathcal{R}^{6\times 6}$ は同次表現 $g_{ab}$ の随伴写像である<sup>(15)</sup>。

本論文では固定カメラ構造の視覚フィードバックシステム (カメラのボディ速度が 0, すなわち  $V_{wc}^b = 0$ )を考えるため, (5) 式で表された相対速度は以下のようになる。

上述の相対位置姿勢  $g_{co}$  は観測対象の位置姿勢  $g_{wo}$  が 測定不可能であるために未知情報となる。そこで,相対位 置姿勢  $g_{co}$  を含んでいる視覚情報  $f \in \mathcal{R}^{2m}$  を利用し,非 線形オブザーバを構成することで,相対位置姿勢の推定値  $\bar{g}_{co}$  を得ることを考える。(6)式に基づき,推定値  $\bar{g}_{co}$ の運 動モデルをつぎのように構成する。

 $u_e \in \mathcal{R}^6$  は推定偏差の振舞いを安定にするために加えられる入力であり,後に制御則の一部として提案する。

<sup>&</sup>lt;sup>†</sup>本論文ではカメラキャリブレーションが正確に行われていると仮 定し, $g_{ch} = g_{wc}^{-1}g_{wh}$ が正確に計算できるとする。

ここで,相対位置姿勢の真値  $g_{co}$  と推定値  $\bar{g}_{co}$  の偏差を, 推定偏差  $g_{ee}$  として

と定義する。さらに,推定偏差ベクトルを $e_e := [p_{ee}^T e_R^T (e^{\hat{\xi}\theta_{ee}})]^T \in \mathcal{R}^6$ と定義する。姿勢推定偏差の回転量  $\theta_{ee}$ を十分に小さいとし,さらにカメラの画像特徴量をそ の推定値の周りで1次テーラー展開することで,この推定 偏差ベクトル $e_e$ は,カメラから得られる視覚情報fと推 定モデルにより得られる視覚情報 $\bar{f}$ ,さらには画像ヤコビ アンの擬似逆行列 $J^{\dagger}(\bar{g}_{co}) \in \mathcal{R}^{6\times 2m}$ を用いることでつぎ のように導かれる<sup>(16)</sup>。

この推定偏差ベクトル e<sub>e</sub> が 0 になれば,相対位置姿勢の 真値と推定値が一致することとなる。

g<sub>ee</sub> を時間微分し,(6),(7)式を用いることで,推定偏 差システムは以下のように導出される。

2・2 制御偏差システム つぎに制御目的を達成す るための制御偏差システムについて議論する。従来研究<sup>(6)</sup> では, g<sub>ho</sub>の推定値を

とし,既知情報であるこの  $\bar{g}_{ho}$ を用いた  $g_{ec} := g_d^{-1} \bar{g}_{ho}$ を 制御偏差として定義し,この偏差に対して制御偏差システ ムを構成していた。それは,(2)式で定義した制御偏差  $g_{ec}$ は,未知情報  $g_{co}$ が含まれている  $g_{ho}$ を用いて定義してお り,直接得ることができないためであった。しかし,従来 法の偏差  $g_{ec}$ の定義では推定値  $\bar{g}_{ho}$ との偏差をとっている ために,制御偏差システムを構成したときに推定入力が制 御偏差システムに直接影響していた。それに対して本論文 ではその影響を取り除くために,(2)式で定義した  $g_{ec}$ に よる制御偏差システムを用いて,視覚フィードバックシス テムを再構成することを試みる。その際に必要となる  $g_{ec}$ は,未知情報  $g_{ho}$ を直接用いずに,推定偏差べクトル  $e_e$ と推定値  $\bar{g}_{ho}$ を用いて導出する手法を提案する。

はじめに制御偏差  $g_{ec}$  の導出過程から述べる。(2) 式を 再考すると,推定偏差  $g_{ee}$ を用いることで  $g_{ec}$  は以下のように表すことができる。

$$g_{ec} = g_d^{-1} g_{ho} = g_d^{-1} \bar{g}_{ho} \bar{g}_{ho}^{-1} g_{ho} = g_d^{-1} \bar{g}_{ho} g_{ee} \cdots (12)$$

(12) 式において,目標値  $g_d$  と推定値  $\bar{g}_{ho}$  は既知情報であるため,推定偏差  $g_{ee}$  が得られれば制御偏差  $g_{ec}$  は求まることがわかる。但し, $g_{ee}$  も未知情報  $g_{co}$  を用いて定義されているため直接求めることは不可能であるが,推定偏差ベクトル  $e_e$  は(9) 式から生成可能な情報となる。したがって,つぎに  $e_e$  から  $g_{ee}$  を導出することを考える。

推定偏差 gee において,位置偏差 pee は推定偏差ベクト

$$e_{e} \xrightarrow{p_{ee}} \xi \theta_{ee} \xrightarrow{g_{ee}} g_{ee} \xrightarrow{g_{ee}} g_{$$

Fig. 2. Relation between  $e_e$  and  $g_{ec}$ 

ル $e_e$ よりそのまま得られる。一方,姿勢偏差 $e^{\xi\theta_{ee}}$ に関しては $e_R(e^{\hat{\xi}\theta_{ee}})$ しか得られないが, $-\frac{\pi}{2} \leq \theta_{ee} \leq \frac{\pi}{2}$ の範囲内では,以下の関係式から $\xi\theta_{ee}$ を求めることができる。

$$\xi \theta_{ee} = \frac{\sin^{-1} \|e_R(e^{\xi \theta_{ee}})\|}{\|e_R(e^{\hat{\xi} \theta_{ee}})\|} e_R(e^{\hat{\xi} \theta_{ee}}) \cdots \cdots \cdots \cdots (13)$$

したがって,推定偏差ベクトル $e_e$ から $\xi \theta_{ee}$ を介して,推定偏差 $g_{ee}$ を求めることができる。ここで,仮定 $-\frac{\pi}{2} \leq \theta_{ee} \leq \frac{\pi}{2}$ は,  $\|\xi \theta_{ee}\| = \sin^{-1} \|e_R(e^{\hat{\xi} \theta_{ee}})\|$ を一意に決めるための仮定であるが,既に 2·1 節で姿勢推定偏差 $\theta_{ee}$ を十分に小さいとしているため新たな条件とはならない。

このように推定偏差  $g_{ee}$  が求まるので,さらに  $g_d \geq \bar{g}_{ho}$ を用いて, (12) 式より制御偏差  $g_{ec}$ を導出することが可能となる。Fig. 2 に  $e_e \geq g_{ec}$ の関係を示す。

(2) 式で定義した制御偏差 *g<sub>ec</sub>* を時間微分することで,制 御偏差システムは以下のように導出される。

 $V_{ec}^{b} = -\mathrm{Ad}_{(g_{ec}^{-1})} \left( \mathrm{Ad}_{(g_{d}^{-1})} V_{wh}^{b} \right) + V_{wo}^{b} \cdots \cdots (14)$ 

2・3 3 次元動的視覚フィードバックシステムと受動 性 本節では,前節で構成したシステムに対して,つぎ のマニピュレータダイナミクスを考慮する<sup>(17)</sup>。

 $M(q)\ddot{q} + C(q,\dot{q})\dot{q} + g(q) = \tau + \tau_d \cdots \cdots \cdots \cdots (15)$ 

 $q, \dot{q}, \ddot{q} \in \mathcal{R}^{n}$  はそれぞれの各関節の角度,角速度,角加速 度を表し, $\tau \in \mathcal{R}^{n}$  は入力トルク, $\tau_{d} \in \mathcal{R}^{n}$  はトルク外乱,  $M(q) \in \mathcal{R}^{n \times n}$  は正定な慣性行列, $C(q, \dot{q})\dot{q} \in \mathcal{R}^{n}$  は遠心 力・コリオリ力項, $g(q) \in \mathcal{R}^{n}$  は重力項を表す。

また、マニピュレータの手先の速度はボディマニピュレー タヤコビアン  $J_b(q) \in \mathcal{R}^{6 \times n}$ を用いることで  $V_{wh}^b = J_b(q)\dot{q}$ として表される<sup>(15)</sup>。一方、手先の速度の目標値を  $u_d$  と し、マニピュレータの関節角速度の目標値を  $\dot{q}_d$  で表すと、  $u_d = J_b(q)\dot{q}_d$  と表すことができる。ここで、関節角速度に 関する偏差を $\xi := \dot{q} - \dot{q}_d \in \mathcal{R}^n$  と定義する。この関節角 速度偏差  $\xi$  が 0 になると手先の速度がその目標値に一致 することとなる。

このとき,マニピュレータへの入力トルクとして

 $\tau = M(q)\ddot{q}_d + C(q, \dot{q})\dot{q}_d + g(q)$  $+ J_b^T(q) \mathrm{Ad}_{(q^{-1})}^T e_c + u_{\xi} \cdots (16)$ 

を考える。 $\dot{q}_d$ ,  $\ddot{q}_d$  はそれぞれ関節角速度と関節角加速度の 目標値である。 $u_\xi$  は関節角速度偏差をなくすための新たな 入力であり,後に提案する。このとき, (10), (14)~(16) 式を用いることで固定カメラ構造の3次元動的視覚フィー ドバックシステムは

$$\begin{bmatrix} \dot{\xi} \\ V_{ec}^{b} \\ V_{ee}^{b} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -M^{-1}C\xi + M^{-1}J_{b}^{T}\operatorname{Ad}_{(g_{d}^{-1})}^{T}e_{c} \\ -\operatorname{Ad}_{(g_{hc}^{-1})}J_{b}\xi \\ 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} M^{-1} & 0 & 0 \\ 0 & -\operatorname{Ad}_{(g_{ec}^{-1})} & 0 \\ 0 & 0 & -\operatorname{Ad}_{(g_{ec}^{-1})} \end{bmatrix} u + \begin{bmatrix} M^{-1} & 0 \\ 0 & I \\ 0 & I \end{bmatrix} w$$
(17)

で表される。ただし,入力,外乱,状態をそれぞれ $u := [u_{\xi}^{T} (\operatorname{Ad}_{(g_{d}^{-1})} u_{d})^{T} u_{e}^{T}]^{T}, w := [\tau_{d}^{T} (V_{wo}^{b})^{T}]^{T}, x := [\xi^{T} e_{c}^{T} e_{e}^{T}]^{T}$ と定義している。固定カメラ構造の動的視覚フィードバックシステムにおいて,状態 $x \in 0$ にとどめておくことで制御目的が達成される。

この動的視覚フィードバックシステム (17) に対して,下 記に示す受動性が成立する。

【補題1】 外乱がない (すなわち w = 0) とする。このと き,出力を $\nu := Nx$ ,  $N := \text{diag}\{I, -I, -I\}$ とすると き,動的視覚フィードバックシステム (17)の入出力間に  $\int_{0}^{T} u^{T} \nu d\tau \ge -\beta_{0}, \ \forall T > 0 \cdots \cdots \cdots (18)$ が成り立つ。ただし  $\beta_{0}$  はある非負の定数である。

この補題1はつぎのエネルギー関数を用いることで証明 される。

$$V = \frac{1}{2}\xi^{T}M\xi + E(g_{ec}) + E(g_{ee}) \cdots \cdots \cdots \cdots \cdots (19)$$

ここで $E(g_{ab}) := \frac{1}{2} ||p_{ab}||^2 + \phi(e^{\hat{\xi}\theta_{ab}})$ であり, 関数  $\phi(e^{\hat{\xi}\theta_{ab}})$ は回転行列に対する誤差関数を表す正定関数である<sup>(18)</sup>。

**2・4** 動的視覚フィードバック制御則と安定性 動的 視覚フィードバックシステム (17) に対し,補題1の受動性 に基づくことで次式の制御則を提案する。

 $u = -K\nu = -KNx := u_k, \quad (20)$  $K := \operatorname{diag}\{K_{\xi}, K_c, K_e\}$ 

ただし,ゲインにおける各要素はすべて正とする。このと き安定性に関してつぎの定理が導かれる。

〔定理1〕 w = 0 のとき,動的視覚フィードバックシステム (17) と (20) 式の入力で構成される閉ループ系の平衡 k = 0 は漸近安定である。

証明: (19) 式のエネルギー関数を Lyapunov 関数候補と し,解軌道に沿って時間微分を行うと,提案した (20) 式の 制御則  $u_k$  を用いることで,

が導かれる。行列 K が正定であり, N が正則であるため, システムの平衡点 x = 0 は漸近安定となる。

ここで従来研究の制御則<sup>(6)</sup> との比較を行う。Fig. 3 の 左図に本論文で提案した制御則,右図に従来研究で提案し た制御則のブロック図を示す。文献(6)の推定偏差に対す る制御則 $u_e = K_e(e_e - \operatorname{Ad}_{(e^{\xi_{\theta_ec}})}^T e_c)$ は, $e_c$ で定義された 制御偏差が推定入力に干渉してしまうために,制御偏差 $e_c$ 



Fig. 3. Block diagram of the control law (Left: proposed method, Right: previous one<sup>(6)</sup>)



Fig. 4. Block diagram of the dynamic visual feedback control (Left: proposed method, Right: previous one <sup>(6)</sup>)

が存在する場合,それが推定入力 $u_e$ に影響を与えていた。 それに対して本論文で提案した制御則(20) $u_{\xi} = -K_{\xi}\xi$ ,  $u_d = \operatorname{Ad}_{(g_d)}K_ce_c$ ,  $u_e = K_ee_e$ は,それぞれの偏差がそれ ぞれの入力に対してのみフィードバックされている。した がって,本論文の制御則は,制御偏差が推定入力に干渉す るという影響を回避することができる。このことは動的視 覚フィードバックシステムと制御則で構成される閉ループ 系のブロック図からも読み取れる。Fig. 4 の左図に本論文 の閉ループ系,右図に従来研究<sup>(6)</sup>の閉ループ系のブロック 図を示す。従来研究のオブザーバと異なり,本論文のオブ ザーバには目標相対位置姿勢 $g_d$ が影響せず,推定部分に 制御部分が直接影響していないことがわかる。

このように制御則を提案できるのは,動的視覚フィード バックシステム(17)の入力に対する行列が対角行列になっ ているためであり,構成した動的視覚フィードバックシス テムの偏差系において,推定と制御の構造を分離している ためと解釈できる。そのために,制御偏差システムや推定 偏差システムで制御則を個別に設計したとしても,全体の システムを安定化させる制御則となる。

次節では本節で構成した動的視覚フィードバックシステムに対して,最適理論に基づいた安定化モデル予測制御則 を提案する。

3. 安定化予測ビジュアルフィードバック制御

本節は,視覚フィードバック制御とモデル予測制御を結 びつけることで,最適理論に基づいた安定化予測ビジュア ルフィードバック制御について述べる。視覚情報は現在の 瞬間的な情報以外にも多くの情報を含んでいる。この特性 を利用することで観測対象の動きを予測できるなら,より 有益な制御手法となると考えられる。本論文では安定化予 測ビジュアルフィードバック制御として,前節で提案した 視覚フィードバックシステムに対し,最適制御理論から発 展したモデル予測制御則を提案する。

**3・1** Control Lyapunov 関数 本節では,はじめに視覚フィードバックシステム (17) に対するモデル予測制御の問題設定について述べる。視覚フィードバックシステム (17) に対し,ある時刻 t のとき,状態  $x(t) = x_0$ ,入力  $u(\tau, x(\tau)), \tau \in [t, t + T]$  に関してつぎの評価関数を最小化する有限時間区間の最適制御問題を考える。

$$J(x_0, u, T) = \int_t^{t+T} l(x(\tau), u(\tau)) d\tau + F(x(t+T)) \quad (22)$$
  
$$l(x(t), u(t)) = q_{\xi}(t) ||\xi(t)||^2 + E_{qc}(g_{ec}(t)) + E_{qe}(g_{ee}(t))$$
  
$$+ u^T(t) R(t) u(t) \quad \dots \quad (23)$$
  
$$F(x) = \rho V(x) \quad \dots \quad (24)$$
  
$$q_{\xi}(t) \ge 0, \ q_{pi}(t) \ge 0, \ R(t) > 0, \ \rho > 0$$

ただし, R(t) は対角行列とし,  $E_{qi}(g_{ei}(t)) := q_{pi}(t) || p_{ei}(t) ||^2 + q_{Ri}(t) \phi(e^{\hat{\xi} \theta_{ei}(t)}), i = c, e$  である。初期 状態  $x_0$  に対して,この評価関数を計算することにより求 められる最適な入力を  $u^*(\tau, x(\tau)), \tau \in [t, t+T]$  と表す。 モデル予測制御では,初めのサンプリング周期である  $\delta$  [s] だけシステムに  $u^*(\tau, x(\tau))$  を加える。そして  $\delta$  [s] 後には, その時刻を改めて t とし直し,再び最適制御問題を解く。 すなわち,モデル予測制御は

という入力を,時刻を進めながら繰り返し加えていくことになる<sup>(8)</sup>。

本論文では,視覚フィードバックシステム(17)との閉 ループ系を安定化させるモデル予測制御則を提案する。そ こで,安定性に深く関係する Control Lyapunov 関数の定 義を示す。

【定義1】 l(x, u) を正定な関数とし、微分可能な正定関数
 S(x) が以下の条件式を満たすとき、S(x) は Control Lyapunov 関数である<sup>(8)</sup>。

 $\inf[\dot{S}(x) + l(x, u)] \le 0 \cdots \cdots \cdots \cdots \cdots \cdots \cdots \cdots (26)$ 

Control Lyapunov 関数について,係数  $q_{\xi}, q_{pc}, q_{Rc}$ ,

 $q_{pe}, q_{Re} \in \mathcal{R}$ と重み行列  $Q := \text{diag}\{q_{\xi}I_n, q_{pc}I_3, q_{Rc}I_3, q_{pe}I_3, q_{Re}I_3\}$ を用いることで,つぎの補題が示される。 〔補題 2〕 外乱がなく (w = 0),  $\|\theta_{ec}\| \leq \frac{\pi}{2}$ ,  $\|\theta_{ee}\| \leq \frac{\pi}{2}$ であ

- り, さらに設計パラメータ $\rho$ に関して以下の不等式を満たすように設計する。

証明:エネルギー関数をシステムの解軌道に沿って時間微分した (21) 式と, (23) 式の正定な関数 l(x(t), u(t)), さらに  $K = \frac{\rho}{2}R^{-1}$ とした (20) 式の安定化制御則  $u_k$ を用いる ことにより, (26) 式の左辺はつぎのように変形される。

この計算過程において,  $\|\theta\| \leq \frac{\pi}{2}$ のとき  $\phi(e^{\hat{\xi}\theta}) \leq \|e_R^T(e^{\hat{\xi}\theta})\|$ となる関係を用いている。 $\rho^2 I \geq 4QR$ のときに  $\frac{\rho^2}{4}R^{-1} - Q \geq 0$ となることから,  $\inf_u[\dot{S}(x) + l(x, u)] \leq 0$ が満たされ, (26) 式の Control Lyapunov 関数の定義式より, エネル ギー関数  $\rho V(x)$ は Control Lyapunov 関数とみなすこと ができる。

この補題2は,補題1の受動性の性質を用いたものとなっ ており,ある条件の下で視覚フィードバックシステム(17) のエネルギー関数  $\rho V(x)$  を Control Lyapunov 関数とみ なせることが示された。

3・2 3 次元動的視覚フィードバックシステムに対する 安定化モデル予測制御 評価関数の終端コスト  $\rho V(x)$  が Control Lyapunov 関数であることを利用し,視覚フィー ドバックシステムに対するモデル予測制御の安定性に関し てつぎの定理を示す。

[ 定理 2 ] 固定カメラ構造の 3 次元動的視覚フィードバ ックシステム (17) に対して (22) ~ (24) 式の評価関数 を考える。外乱がなく (w = 0),  $\|\theta_{ec}\| \le \frac{\pi}{2}$ ,  $\|\theta_{ee}\| \le \frac{\pi}{2}$ ,  $\rho^2 I \ge 4QR$  であるならば,視覚フィードバックシステム (17) と,評価関数 (22) ~ (24) に対して解かれるモデル予 測制御則 (25) で構成される閉ループ系の平衡点 x = 0は漸近安定である。

証明:区間  $[t+\delta,t+T+\delta]$ での準最適な入力として次式 を考える。

$$\tilde{u} = \begin{cases} u^*(\tau) & \tau \in [t+\delta, t+T] \\ u_k(\tau) = -\frac{\rho}{2}R^{-1}Nx & \tau \in [t+T, t+T+\delta] \end{cases}$$
(29)

ただし,区間  $[t + T, t + T + \delta]$ の入力  $u_k$ は $K = \frac{\rho}{2}R^{-1}$ とした視覚フィードバックシステムの安定化制御則 (20) である。この入力  $\tilde{u}$ に対する評価関数は

$$J(x^{*}(t+\delta), \tilde{u}, T) = J(x(t), u^{*}, T) + \rho[V(x(t+T+\delta)) - V(x^{*}(t+T))] - \int_{t}^{t+\delta} l(x^{*}(\tau), u^{*})d\tau + \int_{t+T}^{t+T+\delta} l(x^{*}(\tau+T), u_{k})d\tau$$
......(30)

となる。ここで $x^*$ は最適な状態を表している。さらに $J(x^*(t+\delta), u^*, T) \leq J(x^*(t+\delta), \tilde{u}, T)$ より,

 $J(x^{*}(t+\delta), u^{*}, T) - J(x^{*}(t), u^{*}, T)$   $\leq \rho[V(x(t+T+\delta)) - V(x^{*}(t+T))]$   $- \int_{t}^{t+\delta} l(x^{*}(\tau), u^{*})d\tau + \int_{t+T}^{t+T+\delta} l(x^{*}(\tau+T), u_{k})d\tau$ .....(31)

と計算できる。(23) 式のステージコスト l(x(t), u(t)) と (29) 式における安定化制御則  $u_k$  を用い, さらに両辺を  $\delta$ で割り,  $\delta \to 0$ の極限をとることで, (31) 式はつぎのよう に変形される。

$$\lim_{\delta \to 0} \frac{J(x^*(t+\delta), u^*, T) - J(x^*(t), u^*, T)}{\delta} \\
\leq -\frac{\rho^2}{4} x^{*T}(t+T) N^T R^{-1} N x^*(t+T) - x^{*T}(t) Q x^*(t) \\
-u^{*T} R u^* + q_{\xi} \|\xi^*(t+T)\|^2 + E_{qc}(g^*_{ec}(t+T)) \\
+ E_{qe}(g^*_{ee}(t+T)) \\
\leq -x^{*T}(t+T) \left(\frac{\rho^2}{4} R^{-1} - Q\right) x^*(t+T) \\
-x^{*T}(t) Q x^*(t) - u^{*T} R u^* \dots (32)$$

はじめの  $\delta$  [s] は  $u_{RH} = u^*$  であり, さらに  $\rho^2 I \ge 4QR$  と いう条件式により,  $J(x^*(t), u_{RH}, T)$  の微分値は負定とな る。したがって,  $J(x^*(t), u_{RH}, T)$  を Lyapunov 関数とみ なすことで, 閉ループ系の平衡点 x = 0の漸近安定性が示 される。

定理 2 により,終端コストに Control Lyapunov 関数を 用いることで,比較的高速で高い非線形性を有する 3 次元 動的視覚フィードバックシステム (17) に対するモデル予測 制御の安定性が証明された。モデル予測制御が最適制御理 論を発展させた理論であるということに注目すると,評価 関数のパラメータを適切なものに選ぶことで,望まれる制 御性能を陽に得られると考えられる。本論文では,2章に おいて視覚フィードバックシステムを再構成したことによ り,それぞれの重みのチューニングがより容易になってい る。また,回転行列の誤差関数  $\phi(e^{\hat{\xi}\theta})$ をステージコスト (23) に直接用いたことも特徴となっている。

さらに文献(14)と異なり,平面マニピュレータに限定さ れず,位置に加えて姿勢も考慮でき,四つの座標系を有す る固定カメラ構造の視覚フィードバックシステムに対する 制御則となっている点から,適用範囲は格段に広がると考 えられる。また,推定偏差を予測しているので,カメラか ら観測対象の相対位置姿勢の推定値を間接的に予測してい ることになり,本システムはオブザーバにもモデル予測制 御を適用していると捉えることができる。

本節では,視覚フィードバック制御とモデル予測制御を 結びつけた予測ビジュアルフィードバック制御の安定性に ついて述べた。

#### 4. 検証実験

本論文では 3 次元の動的視覚フィードバック制御則を



Fig. 5. Coordinated frames for 3D dynamic visual feedback systems with 2DOF manipulator

提案したが,簡単のために Fig. 5 で示す水平 2 自由度マ ニピュレータを用いて制御則の検証を行った。はじめにシ ミュレーションにて,観測対象が静止している状況で,閉 ループ系の安定性の検証と,予測ホライズン T と終端コス ト重み ρ を変化させた場合のコストの比較を行う。さらに SICE-DD アーム<sup>(17)</sup>を用いた実システムによる検証実験 で,観測対象が運動している場合の実験結果を示す。

4・1 シミュレーション設定 本論文では,観測対 象が静止している状況で安定性解析に対するシミュレー ション検証を行う。それぞれの初期設定は $q_1(0) = \pi/4$ [rad],  $q_2(0) = \pi/12$  [rad],  $p_{wc} = [0.4732\ 0.1\ 0.1]^T$  [m],  $\xi\theta_{wc} = [0\ 0\ 0]^T$  [rad],  $p_{wo} = [0.3986\ 0\ -0.9]^T$  [m],  $\xi\theta_{wo} = [0\ 0\ -0.5087]^T$  [rad] とする。また目標位置姿勢 は時不変とし $p_d = [0\ 0\ -0.9]^T$  [m],  $\xi\theta_d = [0\ 0\ 0]^T$  [rad] とした。初期状態x(0) は $\xi(0) = [0\ 0]^T$  [rad/s],  $p_{ec}(0) =$  $[-0.294\ -0.293\ 0]^T$  [m],  $\xi\theta_{ec}(0) = [0\ 0\ -1.556]^T$  [rad],  $p_{ee}(0) = [0\ -0.004\ 0]^T$  [m],  $\xi\theta_{ee}(0) = [0\ 0\ -0.015]^T$ [rad] となっている。

さらに,本シミュレーションにおける評価関数の重みは以 下のように設定した。 $q_{\xi} = 0.001$ ,  $q_{pc} = 0.1$ ,  $q_{Rc} = 0.05$ ,  $q_{pe} = 0.3$ ,  $q_{Re} = 0.1$ ,  $R = \text{diag}\{0.1, 3.2, 0.7, 2, 2, 1, 1, 2, 0.3, 0.3, 0.3, 0.3, 0.3\}$ 。また, $\rho^2 I \ge 4QR$ という条件式 を満たすように  $\rho = 1$ とし,  $u_{RH}$ をリアルタイムで求め るための最適化ソフトウェアは C/GMRES<sup>(19)</sup>を用いた。 制御入力は 1 [ms] 毎に更新され,その間に  $u_{RH}$ は計算さ れなければならない。予測ホライズンの長さは T = 0.02[s] と設定した。

**4・2** シミュレーション結果 Fig. 6 に予測ビジュア ルフィードバック制御則  $u_{RH}$  を視覚フィードバックシス テムに適用した場合の,状態 x のユークリッドノルム ||x||を示す。Fig. 6 より,定常状態において平衡点 x = 0 に収 束していることが確認される。したがって,予測ビジュア ルフィードバック制御則  $u_{RH}$  の漸近安定性が示された。



Fig. 6. Norm of the state

Table 1. Values of the integral cost with the<br/>simulation results

Control Scheme	cost
Passivity based Control	3502
Receding Horizon Control ( $T = 0.02$ [s], $\rho = 1$ )	320
Receding Horizon Control ( $T = 0.02$ [s], $\rho = 2$ )	732
Receding Horizon Control ( $T = 0.02$ [s], $\rho = 5$ )	3152
Receding Horizon Control $(T = 0.2 [s], \rho = 1)$	301
Receding Horizon Control $(T = 0.5 [s], \rho = 1)$	256

つぎに,予測ホライズン T と終端コスト重み  $\rho$  を変化さ せた場合のコストの違いに対して,以下の式で計算し,そ の結果を Table 1 に示す。

積分区間は I = 3 とした。評価関数のパラメータを適切 なものに選んだモデル予測制御を用いたときのコストが受 動性に基づく制御則を適用させたときのコストに比べて小 さいことから,コストの面において制御性能が向上してい ることが確認できる。また,終端コストの重み  $\rho$  の値を 1 から 5 に増加させると,コストもそれに伴い大きくなっ た。これは終端コストを大きくすると,より大きな入力を 用いてより厳しく状態を収束させるためである。一方,ホ ライズン T の長さを 0.2 [s] から 0.5 [s] にすると,コスト は減少する。これはより未来の状態を考慮し,コストが最 小になるように,入力が計算されているためである。但し, T = 1 [s] 以上にホライズンの長さを設定するとサンプリ ング時間内に制御入力を計算することができなくなった。

**4.3** 実験設定 本論文では,観測対象が運動した場合の実験結果を示す。実験環境の詳細については文献(20)の検証実験と同じであるので省略する。観測対象のトラジェクトリーを Fig. 7 に示す。観測対象は一定時間動いた後, 0.85 [s] から 2.15 [s] まで一度静止し,その後逆方向に再び動き出すものとした。マニピュレータの角度の初期設定は $q_1(0) = \pi/6$  [rad],  $q_2(0) = -\pi/6$  [rad] とする。また



Fig. 8. Rigid body motion  $g_{wh}$  (Solid: actual value, Dashed: target object's value)

カメラ位置と目標位置姿勢はシミュレーションと同じとし, 初期状態では偏差は0とする。

さらに,本実験における評価関数の重み,各パラメータは 以下のように設定した。 $q_{\xi} = 0.1$ ,  $q_{pc} = 3$ ,  $q_{Rc} = 1$ ,  $q_{pe} = 30$ ,  $q_{Re} = 10$ ,  $R = \text{diag}\{0.1, 0.5, 0.05, 0$ 

**4・4** 実験結果 Fig. 8 に実験結果を示す。Fig. 8 で 示しているグラフは,基準座標系からみた手先の位置姿勢  $g_{wh}$ を表しており,上から3次元空間でのx, y軸の位 置とz軸周りの姿勢を示す。図中の実線が予測ビジュアル フィードバック制御則 $u_{RH}$ ,破線が観測対象の位置姿勢を 表している。また,Fig. 9 に手先の位置姿勢 $g_{wh}$ のy軸方 向の一部分のグラフを示す。図中の実線が実際の状態,破 線が予測トラジェクトリーである。

Fig. 8 より,マニピュレータの手先が観測対象に追従し ていることがわかる。Fig. 8 において,観測対象が静止し たときに,シミュレーションと異なり定常偏差が少し残っ てしまっているが,それは摩擦の影響によるものだと考え られる。ただし,微小ではあるがこの定常偏差はホライズ ンが長い方がより小さくなった。また,Fig.9 より実際の



Fig. 9. Horizonal rigid body motion  $p_{why}$ (Solid: actual value, Dashed: receding horizon reference trajectory)

Table 2.	Values of the integral cost with the
	experimental results

Control Scheme	$\cos t$
Passivity based Control	128.9
Receding Horizon Control ( $T = 0.0056$ [s], $\rho = 1$ )	88.8
Receding Horizon Control ( $T = 0.0112$ [s], $\rho = 1$ )	80.4
Receding Horizon Control $(T = 0.028 [s], \rho = 1)$	65.8
Receding Horizon Control $(T = 0.056 [s], \rho = 1)$	64.7

gwh の値と予測したトラジェクトリーが異なっていること がわかる。ここに示されているグラフは,特に観測対象が 静止した直後のグラフの拡大図であり,観測対象がそれま での挙動と異なる動きをしたとしても,予測し直すことで 追従できていることが表れている。

最後に,予測ホライズン T を変化させた場合のコスト の違いに対して,Table 2 に示す。コストは (33) 式で計算 し,積分区間は I = 5 とした。シミュレーションのときと 同様に,ホライズン T の長さを 0.0056 [s] から 0.056 [s] にすると,コストは減少する。しかし,T = 0.056 [s] 以上 にホライズンの長さを設定すると実時間で制御入力を計算 することができなくなり,制御則を適用できなかった。

本節では,シミュレーションと実験結果から予測ビジュ アルフィードバック制御則 *u<sub>RH</sub>*の有効性が検証できた。今後,計算機の計算能力が向上することにより,さらなる性能の向上が期待される。

5. おわりに

本論文では安定化予測ビジュアルフィードバック制御と して,比較的高速で非線形性の強い固定カメラ構造の3次 元動的視覚フィードバックシステムに対する安定化モデル 予測制御則を提案した。はじめに,オブザーバが制御タスク に影響されないように動的視覚フィードバックシステムを 再構成した。そして,システムのエネルギー関数を Control Lyapunov 関数とみなせることを示し,終端コストにおく ことで,モデル予測制御の安定性を示した。最後にシミュ レーションと検証実験により,提案した制御則の安定性を 検証し,制御則の有効性を示した。本論文の安定化予測ビ ジュアルフィードバック制御は文献(20)で示した,可動 カメラ構造の動的視覚フィードバックシステムへも拡張可 能である。

(平成7年7月20日受付,平成15年1月14日再受付)

文 献

- (1) F. Chaumette and S. Hutchinson: "Visual Servo Control, Part I: Basic Approaches", *IEEE Robotics & Automation Magazine*, Vol. 13, No. 4, pp. 82–90 (2006)
- (2) F. Chaumette and S. Hutchinson: "Visual Servo Control, Part II: Advanced Approaches", *IEEE Robotics & Automa*tion Magazine, Vol. 14, No. 1, pp. 109–117 (2007)
- (3) K. Omote et al.: "Self-Guided Robotic Camera Control for Laparoscopic Surgery Compared with Human Camera Control", The American Journal of Surgery, Vol. 177, No. 4, pp. 321–324 (1999)
- (4) A. Krupa and F. Chaumette: "Control of an Ultrasound Probe by Adaptive Visual Servoing", Proc. of the 2005 IEEE/RSJ International Conference on Intelligent Robots and Systems, pp. 2007–2012 (2005)
- (5) S. Yu and B. J. Nelson: "Autonomous injection of biological cells using visual servoing", In:D. Rus and S. Singh (Eds.), *Experimental Robotics VII*, Springer-Verlag, pp. 169– 178 (2001)
- (6) H. Kawai, T. Azuma and M. Fujita: "Passivity-based 3D Dynamic Visual Feedback Control with a Fixed Camera", Trans. the Institute of Systems, Control and Information Engineers, Vol. 18, No. 4, pp. 127–135 (2005) (in Japanese) 河合宏之, 村尾俊幸, 東 剛人, 藤田政之: "受動性に基づく 3 次元動 的視覚フィードバック制御の固定カメラ構造への展開", システム制 御情報学会論文誌, Vol. 18, No. 4, pp. 127–135 (2005)
- (7) D. Q. Mayne, J. B. Rawlings, C. V. Rao and P. O. M. Scokaert: "Constrained Model Predictive Control: Stability and Optimality", *Automatica*, Vol. 36, No. 6, pp. 789–814 (2000)
- (8) A. Jadbabaie, J. Yu and J. Hauser: "Unconstrained Receding-Horizon Control of Nonlinear Systems", *IEEE Trans. Automatic Control*, Vol. 46, No. 5, pp. 776–783 (2001)
- (9) M. B. Milam, R. Franz, J. E. Hauser and R.M. Murray: "Receding Horizon Control of Vectored Thrust Flight Experiment", *IEE Proc. Control Theory & Applications*, Vol. 152, No. 3, pp. 340–348 (2005)
- (10) Y. Kawai, Y. Nakaso, S. Mimoto and M. Fujita: "Experiments on Stabilizing Receding Horizon Control of a Direct Drive Manipulator", *IEEJ Trans. Electronics, Information and Systems*, Vol. 127-C, No. 5, pp. 748-754 (2007) (in Japanese)
  河合馬曲 中華这次的 日本百一郎 英田斯文、第字化工業U.A.300

河合康典,中曽裕次郎,見本真一郎,藤田政之: "安定化モデル予測 制御を用いたロボットマニピュレータの制御に関する実験的考察", 電気学会論文誌 C, Vol. 127, No. 5, pp. 748–754 (2007)

- (11) A. E. Hunt and A. C. Sanderson: "Vision-based Predictive Robotic Tracking of a Moving Target", *Technical Report*, Carnegie Mellon University (1982)
- (12) R. Ginhoux, J. Gangloff, M. de Mathelin, L. Soler, M. M. A. Sanchez and J. Marescaux: "Active Filtering of Physiological Motion in Robotized Surgery using Predictive Control", *IEEE Transactions on Robotics*, Vol. 21, No. 1, pp. 67–79 (2005)
- (13) F. Lange and G. Hirzinger: "Predictive Visual Tracking of Lines by Industrial Robots", *The International Journal of Robotics Research*, Vol. 22, No. 10–11, pp. 889–903 (2003)
- (14) M. Fujita, T. Murao, Y. Kawai and Y. Nakaso: "An Experimental Study of Stabilizing Receding Horizon Control of Visual Feedback System with Planar Manipulators," In:R. Findeisen, F. Allgöwer and L. Biegler (Eds.), Assessment and Future Directions of Nonlinear Model Predictive Con-

trol, Springer-Verlag, pp. 573–580 (2007)

- (15) R. Murray, Z. Li and S. S. Sastry: A Mathematical Introduction to Robotic Manipulation, CRC Press (1994)
- (16) M. Fujita, H. Kawai and M. W. Spong: "Passivity-based Dynamic Visual Feedback Control for Three Dimensional Target Tracking:Stability and L<sub>2</sub>-gain Performance Analysis", *IEEE Trans. Control Systems Technology*, Vol. 15, No. 1, pp. 40– 52 (2007)
- (17) H. Kobayashi *et al.*: Practical Control of Robot Manipulators, Corona Publishing Co., Ltd. (1997) (in Japanese)
   小林尚登 ほか:ロボット制御の実際, コロナ社 (1997)
- (18) F. Bullo and A. D. Lewis: Geometric Control of Mechanical Systems, Springer-Verlag (2004)
- (19) T. Ohtsuka: "A Continuation/GMRES Method for Fast Computation of Nonlinear Receding Horizon Control", Automatica, Vol. 40, No. 4, pp. 563–574 (2004)
- (20) T. Murao, H. Kawai and M. Fujita: "Passivity-based Control of Dynamic Visual Feedback Systems with Movable Camera Configuration", *IEEJ Trans. Electronics, Information and Systems*, Vol. 128, No. 2 (2008) (in Japanese) (to appear) 村尾俊幸,河合宏之,藤田政之: "受動性に基づく可動カメラ構造の3次元動的視覚フィードバック制御",電気学会論文誌 C, Vol. 128, No. 2 (2008) (in Japanese) (to appear)

村尾俊	を (正員 ) 2003 年金沢大学工学部電気・情報工学科
	□ 卒業。2005 年金沢大学大学院博士前期課程修了,
	同年金沢大学大学院博士後期課程入学 , 同年東京
	工業大学大学院博士後期課程転入学。2006 年産
	業技術大学院大学研究員,2007年同助教。視覚
	フィードバック制御に関する研究に従事。計測自
	動制御学会,システム制御情報学会,IEEE など
	の会員。

河	合	宏	Ż	(非会員) 1999 年金沢大学工学部電気・情報工学
				科卒業。2001 年金沢大学大学院博士前期課程修
				了,2004年金沢大学大学院博士後期課程修了,同
				年法政大学情報技術 (IT) 研究センターポストド
				クター , 2005 年金沢工業大学講師。視覚フィード
				バック制御に関する研究に従事。博士(工学)。計
				測自動制御学会,システム制御情報学会,IEEE
				の会員。

藤田政之(非会員)1984年早稲田大学大学院理工学研究 科博士前期課程修了(電気工学専攻),1985年同 博士後期課程中退。同年金沢大学工学部助手。同 講師,助教授を経て,1992年北陸先端科学技術 大学院大学情報科学研究科助教授。1999年金沢 大学工学部教授。2005年東京工業大学大学院理 工学研究科教授。ロバスト制御とその応用に関す る研究に従事。工学博士。計測自動制御学会,シ

ステム制御情報学会, IEEE などの会員。